

Условие:

Пусть \overline{xy} и \overline{yx} два двузначных целых числа. Доказать, что их сумма составное число.

Решение:

 $\overline{xy} + \overline{yx} = 10x + y + 10y + x = 11(x + y)$: 11, и так-как по условию \overline{xy} и \overline{yx} двузначные $\Rightarrow x, y \ge 1 \Rightarrow x + y \ge 2 \Rightarrow 11(x + y) \ne 11 \Rightarrow$ оно составное $\Rightarrow \overline{xy} + \overline{yx}$ — составное число.