



Условие:

Решить систему уравнений:

$$\begin{cases} x - 2y + \frac{3}{x - 2y} = 4 \\ \frac{y}{x - 2y - 3} = 5 \end{cases}$$

Решение:

$$\begin{cases} x - 2y + \frac{3}{x - 2y} = 4 \\ \frac{y}{x - 2y - 3} = 5 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} (x - 2y)^2 - 4(x - 2y) + 3 = 0 \\ y = 5(x - 2y - 3) \end{cases} (*)$$

Из 1-ого уравнения видим, что это квадратное уравнение относительно $(x - 2y) \Rightarrow x - 2y = 2 \pm \sqrt{4 - 3} = 2 \pm 1 \Rightarrow$ рассмотрим случаи:

- 1) $x - 2y = 2 - 1 = 1, \Rightarrow$ из 2-ого уравнения $(*) \Rightarrow y = 5(x - 2y - 3) = 5(1 - 3) = -10, \Rightarrow x = 2y + 1 = -19.$
- 2) $x - 2y = 2 + 1 = 3,$ но тогда $x - 2y - 3 = 0,$ что невозможно (в исходной системе $x - 2y - 3 \neq 0$).

Ответ: $x = -19, y = -10.$